小学問題集コア 詳細はここをクリック!

いろいろな体積

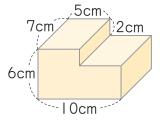


複雑な形の立体や身近なものの体積をくふうして求めることを考えよう。

1 いろいろな形の体積

例題 右の図のような形の体積を次の方法で求めなさい。

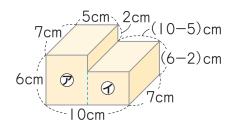
- (1) 2つの直方体を組み合わせた形とみて求める方法
- (2) 大きい直方体から小さい直方体をのぞいた形とみて求める方法



考え方 のような面積を求めたときと、同じように考えます。

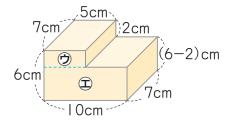
(1) 直方体②と直方体②に分けて2つの体積の和で求めます。

→直方体⑦と直方体⑦の体積の和…210+140=350(cm³)



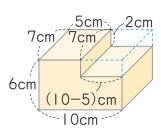
[別解] 直方体のと直方体のに分けて2つの体積の和で求めます。

→直方体②と直方体②の体積の和…70+280=350(cm³)



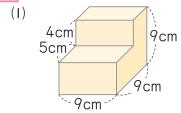
(2) 大きい直方体と小さい直方体の体積の差で求めます。

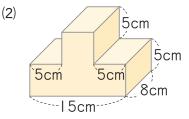
→大きい直方体と小さい直方体の体積の差…420-70=350(cm³)

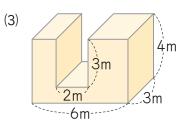


答え (I) 350cm³ (2) 350cm³

1 下の図のような形の体積を求めなさい。







2 およその体積

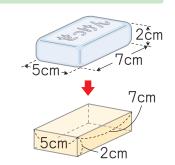
囫 題 右の図のような形をしたせっけんがあります。
このせっけんを直方体とみて、およその体積を求めなさい。

考え方 このせっけんは、右下の図のように、およそ、たて5cm、横7cm、 高さ2cmの直方体とみることができます。

直方体の体積=たて×横×高さにあてはめて、体積を求めます。

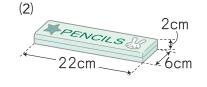
 $5\times7\times2=70$ (cm³)

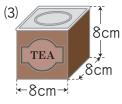
答え 約70cm³



2 右の図のよう (I) な形を直方体や 立方体とみて、 およその体積を 求めなさい。







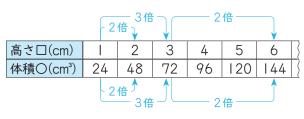
3

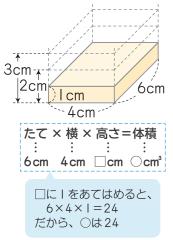
高さと体積の関係

2つの数量□、○があり、□が2倍、3倍、…になると、それにともなって ○も2倍、3倍、…になるとき、「○は□に比例する」といいます。

- (1) 高さを2倍、3倍、…にすると、体積はどのように変わりますか。
- (2) 体積は高さに比例していますか。
- (3) 体積が216 cm³になるのは、高さが何 cmのときですか。

考え方 (1)(2) 高さを□cm、 体積を○cm³とし、□に Ⅰ、2、3、4、5、6を あてはめると、○は右 の表のようになります。





高さ(□)が2倍、3倍、…になると、体積(○)も2倍、3倍、…になるので、体積は、高さに比例します。

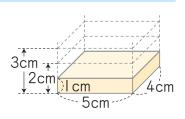
- (3) 216cm³ははじめの直方体の体積(24cm³)の9倍だから、はじめの高さ(1cm)の9倍になります。
- 答え (I) 2倍、3倍、…になる。
- (2) 比例している。
- (3) **9cm**

3 右の図のように、直方体のたて、横の長さを変えないで、高さを Icm、2cm、…と変えます。

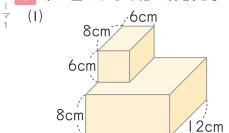
(I) 高さを□cm、体積を○cm³とします。□(高さ)を2倍、3倍、…に すると、○(体積)はどのように変わりますか。表を利用して答えなさい。

高さ口(cm)	I	2	3	4	5	6
体積〇(cm³)						

- (2) ○(体積)は□(高さ)に比例していますか。
- (3) 体積が220 cm³ になるのは、高さが何 cm の ときですか。

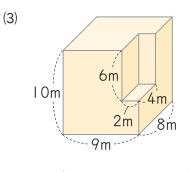


* 1 下の図のような形の体積を求めなさい。

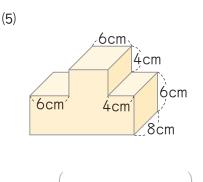


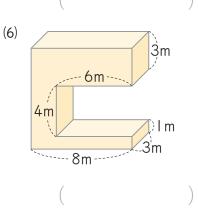
~16cm-~

4cm 12cm 6cm 10cm

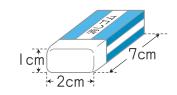


(4) 10m 10m 6m 6m



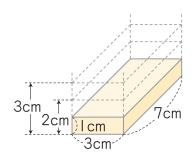


* 2 右の図のような形をした消しゴムがあります。この消しゴムのおよそ の体積を求めなさい。



(I) 高さを□cm、体積を○cm³とします。□に I、2、3、4、5を あてはめて、表のあいているところにあてはまる数を求めなさい。

高さ□(cm)	I	2	3	4	5
体積○(cm³)					



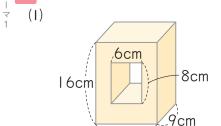
(2) 高さを2倍、3倍、…にすると、体積はどのように変わりますか。

(3) 体積は高さに比例していますか。

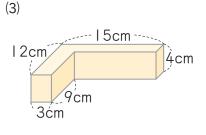
(4) 高さが8cmのときの体積は何cm³になりま すか。



| 1 下の図のような形の体積を求めなさい。



4m 4m 8m



(4)

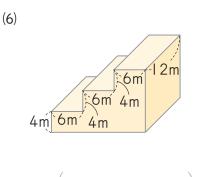
7m

19m ----

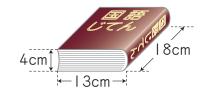
(5) 4 m 3 m

(2)

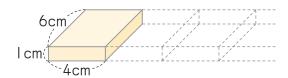
15cm 6cm 7cm 7cm



2 右の図のような形をした本があります。この本のおよその体積 を求めなさい。



3 右の図のように、直方体のたての長さと高さ を変えないで、横の長さを2倍、3倍、…にします。



(I) 横の長さを□cm、体積を○cm³とします。□に4、8、12、16、20をあてはめて、表のあいているところにあてはまる数を求めなさい。

横□(cm)	4	8	12	16	20
体積○(cm³)					

(2) 横の長さを2倍、3倍、…にすると、体積はどのように変わりますか。

(

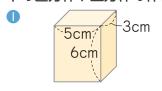
(3) 体積は横の長さに比例していますか。

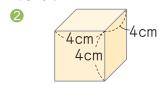
(4) 体積が240 cm³になるには、横の長さを何cm にすればよいですか。

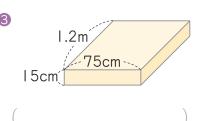


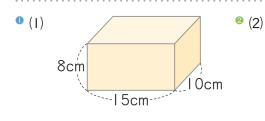
1 直方体や立方体の体積

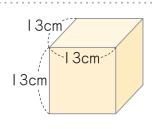
下の直方体や立方体の体積は何cm³ですか。

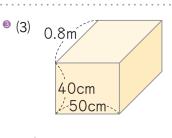








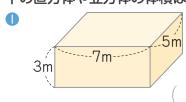


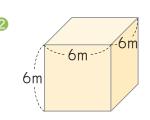


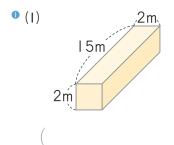
- (4) たて2cm、横8cm、高さ5cmの直方体
- (5) |辺|00cmの立方体

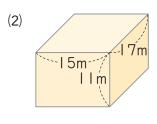
2 大きな形の体積

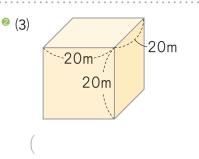
下の直方体や立方体の体積は何㎡ですか。







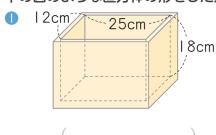


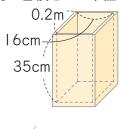


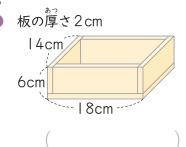
- (4) たて 4 m、横 9 m、高さ 2 m の直方体
- (5) |辺|5mの立方体

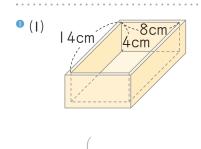
3 容積といろいろな単位

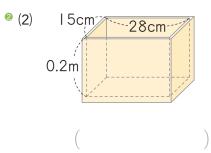
下の図のような直方体の形をした入れ物の容積をLの単位で表しなさい。

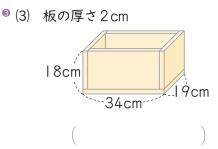






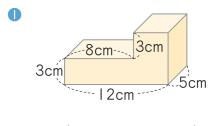


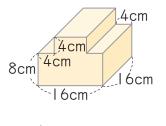


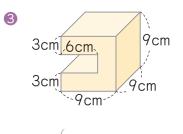


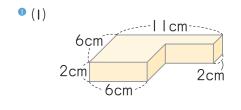
4 いろいろな形の体積

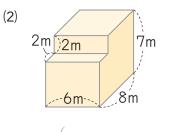
下の図のような形の体積を求めなさい。

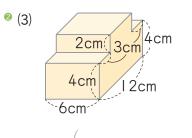


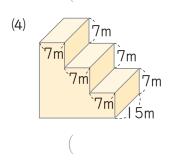


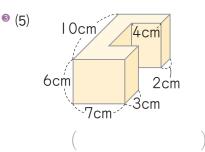


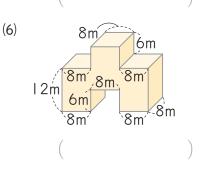










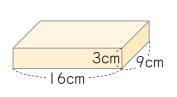




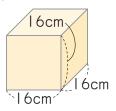
レベルアップ 148ペー

1 下の直方体や立方体の体積を求めなさい。

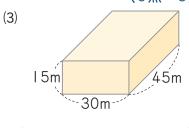
(1)



(2)



(6点×3)

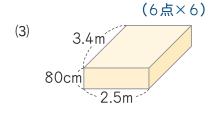


2 下の直方体の体積は何cm ですか。また、何m ですか。

(I)30cm; I 0cm₫

 m^3





cm³ (

cm³ (m³ (cm³ (m³ (

3 たてが80cm、横が120cm、高さが30cmの直方体の体積は 何kLですか。 (8点)

4 たてが18cm、横が25cmの長方形の四すみから、1辺が5cmの 正方形を切り取り、ふたのない箱を作ります。 (8点×2)

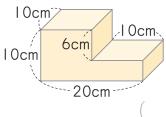
(I) この箱の容積は何cm³ですか。

(2) この箱に、水を 180 cm³入れると、水の深さは何 cm になりますか。

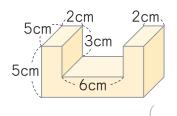
25cm---18cm 5cm 5cm

5 下の図のような形の体積を求めなさい。

(1)



(2)



(8点×2)

6 右の図のような形をしたプールを、深さが I mの直方体と みて、およその容積を㎡の単位で表しなさい。 (6点)

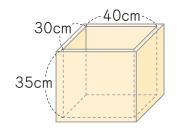
---25m-----12m2 0.8m 0.8m 1.2m



思考力のとびら



- 1 内のりが右の図のような直方体の形をした入れ物があります。
- (1) この入れ物に入る水の体積は何しですか。

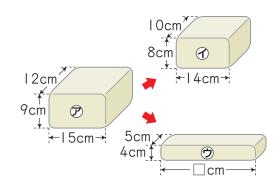


(2) この入れ物に、深さ20cmまで水を入れると、水の体積は何Lになりますか。

(3) この入れ物に、18Lの水を入れると、水の深さは何cmになりますか。

(4) (3)のとき、石をしずめたところ、水面が4cm上がりました。 石の体積は何cm³ですか。

- 2 右の図のような、ねん土でできた直方体⑦があります。 これをあまりのないように2つに分けてから、直方体分 と直方体のを作りました。
 - (I) 直方体②の体積はおよそ何cm³ですか。



(2) 直方体のの一の長さはおよそ何cmですか。

いろいろな体積

を 複雑な形の立体や身近なものの体積をくふうして求めることを考えよう。



2cm (10-5)cm

いろいろな形の体積

⑤ ■ 右の図のような形の体積を次の方法で求めなさい。

2つの直方体を組み合わせた形とみて求める方法 (2) 大きい直方体から小さい直方体をのぞいた形とみて求める方法



考え方 ___のような面積を求めたときと、同じように考えます。

(I) 直方体⑦と直方体⑦に分けて2つの体積の和で求めます。

直方体例···7×5×6=210(cm³)

直方体分···7×(10-5)×(6-2)=140(cm3)

⇒直方体⑦と直方体⑦の体積の和…210+140=350(cm²)

[別解] 直方体型と直方体型に分けて2つの体積の和で求めます。

直方体例…7×5×2=70(cm³)

直方体①···7×10×(6-2)=280(cm3)

⇒直方体例と直方体

第000

第010

第100

第100<br/

(2) 大きい直方体と小さい直方体の体積の差で求めます。

大きい直方体…7×10×6=420(cm³) 小さい直方体…7×(10-5)×2=70(cm³)

⇒大きい直方体と小さい直方体の体積の差…420-70=350(cm³)

图范 (I) 350cm³ (2) 350cm³



(10-5)cm

0

P

3

.5cm







(549cm³)

(800 cm³)

54 m

およその体積

厨舗 右の図のような形をしたせっけんがあります。 このせっけんを直方体とみて、およその体積を求めなさい。

考え方 このせっけんは、右下の図のように、およそ、たて5cm、横7cm、 高さ2cmの直方体とみることができます。 直方体の体積=たて×横×高さ にあてはめて、体積を求めます。

 $5\times7\times2=70$ (cm³) 答え 約70cm²

2 右の図のよう な形を直方体や 立方体とみて、 およその体積を

求めなさい。







約1512cm³)(約264cm³)(約512cm³



高さと体積の関係 2つの数単□、○があり、□が2億、3億、・・・になると、それにともなって ○も2億、3億、・・・になるとき、「○は□に比例する」といいます。

町型 右の図のように、直方体のたて、横の長さを変えないで、高さを

体積は高さに比例していますか。

(3) 体積が216cm³になるのは、高さが何cmのときですか。

考え方 (1)(2) 高さを口cm、 体積を○cm³とし、□に 高さ口(cm) I 2 3 4 5 6 (体積O(cm³) 24 48 72 96 I20 I44 1. 2. 3. 4. 5. 6 ≉ あてはめると、〇は右 の表のようになります。



たて×横×高さ=体積 : : . 6cm 4cm □cm ○cm³ □に I をあてはめると、

高さ(□)が2倍、3倍、…になると、体積(○)も2倍、3倍、…になるので、体積は、高さに比例します。 (3) 216cm³ははじめの直方体の体積(24cm³)の9倍だから、はじめの高さ(1cm)の9倍になります。

(3) 9cm

3 右の図のように、直方体のたて、横の長さを変えないで、高さを -lcm、2cm、…と変えます。

(I) 高さを□cm、体積を○cm³とします。□(高さ)を2倍、3倍、…に 3cm + 3 すると、〇(体積)はどのように変わりますか。表を利用して答えなさい。



9

高さ口(cm) I 2 3 4 5 6 体積○(cm²) 20 40 60 80 100 120 (2倍、3倍、…になる。) (2) ○(体積)は□(高さ)に比例していますか。

(比例している。

ときですか。 I I cm

練習しよう 1

1 下の図のような形の体積を求めなさい







(3)





960 cm³



672 m³







2 右の図のような形をした消しゴムがあります。この消しゴムのおよそ



(約14cm³)

3 右の図のように、直方体のたて、横の長さを変えないで、高さ を I cm、2cm、…と変えます。 (I) 高さを□cm、体積を○cm³とします。□に I、2、3、4、5を

めんけれなんで、少なんなりかってからのこところになりではなるがなっていない。							
高さ口(cm)	- 1	2	3	4	5		
体積〇(cm³)	21	42	63	84	105		



(2) 高さを2倍、3倍、…にすると、体積はどのように変わりますか。

(2倍、3倍、…になる。)

(3) 体積は高さに比例していますか。

(4) 高さが8cmのときの体積は何cm³になりま

(比例している。)

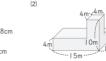
(168cm³)

練習しよう 2

(4)

1 下の図のような形の体積を求めなさい。







(1296cm³

576 m³

(5)



396 m³

(4560cm³)

🕴 2 右の図のような形をした本があります。この本のおよその体積



1728 m³

(約936cm³)

3 右の図のように、直方体のたての長さと高さ を変えないで、横の長さを2倍、3倍、…にします。

(I) 横の長さを□cm、体積を○cm³とします。 □に4、8、12、16、20をあてはめて、 表のあいているところにあてはまる数を 求めなさい。

(3) 体積は横の長さに比例していますか。



(2) 横の長さを2倍、3倍、…にすると、体積はどのように変わりますか。

2倍、3倍、…になる。)

(4) 体積が240cm³になるには、横の長さを何cm にすればよいですか。

(比例している。)

40cm

11

▼ 練習しよう1

- (I) (例)2つの直方体に分けて求めると、 8×6×6=288、|2×|6×8=|536、 288+|536=|824(cm³)
 - (2) (例)2つの直方体に分けて求めると、 4×12×6=288、10×12×3=360、 288+360=648(cm³)
 - (3) (例)大きい直方体から、小さい直方体をひいて求めると、8×9×10=720、 4×2×6=48、720-48=672(m³)
 - (4) (例)大きい立方体から、小さい直方体をひいて求めると、|0×|0×|0=|000、 6×6×|0=360、|000-360=640(m³)
 - (5) (例) 2つの直方体に分けて求めると、 $8\times(6+6+4)\times6=768$ 、 $8\times6\times4=192$ 、 768+192=960(cm³)
 - (6) (例)大きい直方体から、小さい直方体をひいて求めると、3×8×(3+4+1)=192、3×6×4=72、192-72=120(m³)
- 2 この消しゴムを直方体とみると、たて7 cm、横2 cm、高さ1 cmだから、およその体積は、 $7 \times 2 \times 1 = 14 \text{ (cm}^3)$
- 3 (1) 体積は、

高さが $| \text{ cm} o \text{ } \text{ cem} \text{ o} \text{ cem$

高さ(cm)		2	3	4	5
体積(cm³)	21	42	63	84	105

(2) (1)の表より、高さが2倍、3倍、…になると、 体積も2倍、3倍、…になっています。

2倍 3倍 4倍									
高さ(cm)		2	3	4	5				
体積(cm³)	21	42	63	84	105				
2倍 3倍 4倍									

- (3) (2)の表より、高さが2倍、3倍、…になるとき、体積も2倍、3倍、…になるので、体積は高さに比例しているといえます。
- (4) (3)より、はじめの高さ(1cm)の8倍になっているから、体積もはじめの体積(21cm³)の 8倍になります。よって、高さが8cmのときの体積は、21×8=168(cm³)

▼ 練習しよう2

- 11 (I) (例) $9 \times 12 \times 16 = 1728$, $9 \times 6 \times 8 = 432$ 1728 - 432 = 1296(cm³)
 - (2) (例) $8 \times 15 \times 4 = 480, 4 \times 4 \times (10 4) = 96$ $480 + 96 = 576 (m^3)$
 - (3) (例) $9 \times 3 \times 4 = 108$ 、(12-9) $\times 15 \times 4 = 180$ 108 + 180 = 288 (cm³)
 - [別解] $12 \times 15 \times 4 = 720, 9 \times (15 3) \times 4 = 432$ 720-432=288(cm³)
 - (4) (例) $3 \times | 9 \times 4 = 228$ 、 $3 \times 8 \times 7 = | 68$ $228 + | 68 = 396 (m^3)$
 - (5) (例) $|5 \times 20 \times |8 = 5400$ $|5 \times (20 - 6 - 6) \times 7 = 840$ $5400 - 840 = 4560 \text{ (cm}^3\text{)}$

 $12 \times 12 \times 12 = 1728 (m^3)$

- (6) (例) | 2×6×4=288、| 2×6×(4+4)=576 | 2×6×(4+4+4)=864 | 288+576+864=| 728(m³) | [別解] 左下の直方体を移すと、| 辺が | 2mの立方体になるから、
- 2 この本を直方体とみると、たて | 8 cm、 横 | 3 cm、高さ 4 cm だから、およその体積は、 | 8× | 3×4=936(cm³)
- 3 (I) 体積は、横の長さが 4 cm のとき…6×4×1=24(cm³) 8 cm のとき…6×8×1=48(cm³) 12 cm のとき…6×12×1=72(cm³) 16 cm のとき…6×16×1=96(cm³) 20 cm のとき…6×20×1=120(cm³) だから、下の表のようになります。

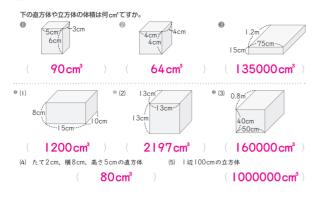
横口 (cm)	4	8	12	16	20
体積○(cm³)	24	48	72	96	120

- (2) (1)の表より、横の長さが2倍、3倍、…になると、体積も2倍、3倍、…になっています。
- (3) (1)の表より、横の長さが2倍、3倍、…になっているとき、体積も2倍、3倍、…になっているので、体積は横の長さに比例しているといえます。
- (4) (3)より、体積は横の長さに比例しているので、240÷24=10(倍)より、横の長さもはじめの横の長さ(4cm)の10倍になるから、4×10=40(cm)



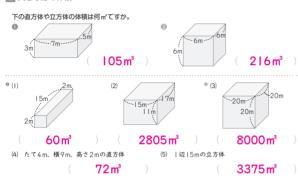




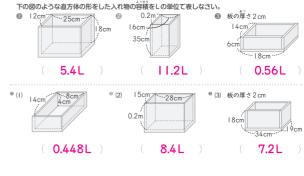


2 大きな形の体積

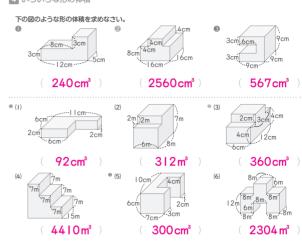
12



3 容積といろいろな単位



4 いろいろな形の体積



- **2** $4 \times 4 \times 4 = 64 \text{ (cm}^3)$
- 3 1.2 m = 120 cm $120 \times 75 \times 15 = 135000 \text{ (cm}^3)$
- (I) $10 \times 15 \times 8 = 1200 \text{ (cm}^3)$
- (2) $13 \times 13 \times 13 = 2197 \text{ (cm}^3)$
- (3) $0.8 \,\mathrm{m} = 80 \,\mathrm{cm}$ $80 \times 50 \times 40 = 160000 \,\mathrm{(cm^3)}$
- (4) $2 \times 8 \times 5 = 80 \text{ (cm}^3\text{)}$
- (5) $100 \times 100 \times 100 = 1000000 \text{ (cm}^3)$
- $5 \times 7 \times 3 = 105 (m^3)$
 - $6 \times 6 \times 6 = 2 \cdot 16 (\text{m}^3)$
 - (I) $15 \times 2 \times 2 = 60 \text{ (m}^3)$
 - (2) $17 \times 15 \times 11 = 2805 \text{ (m}^3)$
 - (3) $20 \times 20 \times 20 = 8000 \text{ (m}^3\text{)}$
 - (4) $4 \times 9 \times 2 = 72 \text{ (m}^3\text{)}$
 - (5) $15 \times 15 \times 15 = 3375 (m^3)$

- \blacksquare 12×25×18=5400(cm³) → 5.4 L
 - 2 $20 \times 16 \times 35 = 11200 \text{ (cm}^3) \rightarrow 11.2 \text{ L}$
 - ③ $(14-2\times2)\times(18-2\times2)\times(\underline{6-2})$ たて 横 深さ =560(cm³) → 0.56L
 - (I) $14 \times 8 \times 4 = 448 \text{ (cm}^3) \rightarrow 0.448 \text{ L}$
 - (2) $15 \times 28 \times 20 = 8400 \text{ (cm}^3) \rightarrow 8.4 \text{ L}$
 - (3) $(19-2\times2)\times(34-2\times2)\times(18-2)$ =7200(cm³) \rightarrow 7.2 L
- ④ (例)5×8×3=|20、5×(|2−8)×(3+3)=|20 |20+|20=240(cm³) [別解]5×|2×(3+3)=360、5×8×3=|20 |360-|20=240(cm³)
 - ② (例) $|6 \times |6 \times 8 = 2048$, $|6 \times (|6-4-4) \times 4 = 5|2$ 2048+5|2=2560(cm³)
 - **③** (例) $9 \times 9 \times 9 = 729$, $9 \times 6 \times (9 3 3) = 162$ 729 - 162 = 567 (cm³)
 - (6) (例)上の出ている部分を下のへこんでいる 部分に移すと、| つの直方体になるから、 8×(8+8+8)×|2=2304(m³)

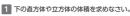
13

力だめし



|| 思考力のとびら











432cm³

4096 cm³

20250 m³

2 下の直方体の体積は何 cm² ですか。また、何 m² ですか。 30cm I Ocm





cm³ (45000 cm³)

cm³ (720000 cm³) $0.72\,\mathrm{m}^3$

cm³ (680000cm³) 6.8 m³

3 たてが80cm、横が120cm、高さが30cmの直方体の体積は 何kLですか。 (8点) 0.288kL

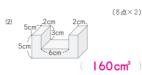
正方形を切り取り、ふたのない箱を作ります。 (I) この箱の容積は何cm³ですか。



5 下の図のような形の体積を求めなさい。

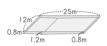


14



6 右の図のような形をしたプールを、深さが1mの直方体と みて、およその容積を㎡の単位で表しなさい。 (6点)

(約300m³



内の目が右の図のような直方体の形をした入れ物があります。

(I) この入れ物に入る水の体積は何しですか。



42L

(2) この入れ物に、深さ20cmまで水を入れると、水の体積は何Lになりますか。

(3) この入れ物に、 | 8| の水を入れると、水の深さは何cmになりますか。

24L

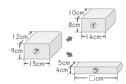
15cm

(4) (3)のとき、石をしずめたところ、水面が4cm上がりました。 石の体積は何cm³ですか。

(4800 cm³)

2 右の図のような、ねん土でできた直方体のがあります。 これをあまりのないように2つに分けてから、直方体① と直方体のを作りました。

(I) 直方体序の体積はおよそ何cm3ですか



(約1620cm³)

(2) 直方体のの一の長さはおよそ何cmですか。

(約25cm)

15

 $30 \times 120 \times 30 = 288000 \text{ (cm}^3\text{)}$ | kL= | m³ = | 000000 cm³ なので、 $288000 \, \text{cm}^3 = 0.288 \, \text{kL}$

4 この箱は、たて…18-5×2=8(cm)、 横…25-5×2=15(cm)、深さ…5cm

- (I) $8 \times 15 \times 5 = 600 \text{ (cm}^3)$
- (2) $180 \div (8 \times 15) = 1.5 \text{(cm)}$

[5] (I) (例) | 0×(20-10)×10=1000 $10 \times 10 \times (10 - 6) = 400$ $1000 + 400 = 1400 (cm^3)$

(2) (例)5×2×3=30 $5 \times (2+6+2) \times (5-3) = 100$ $30 \times 2 + 100 = 160 \text{ (cm}^3\text{)}$ [別解]5×(2+6+2)×5=250 $5 \times 6 \times 3 = 90$

 $250 - 90 = 160 (cm^3)$

6 直方体とみるから、たて12m、横25m、深 さ | mと考えるので、 | 2×25× | = 300(m³)

1 (I) $30 \times 40 \times 35 = 42000 \text{ (cm}^3\text{)}$ 心考力のとびら IL=1000 cm³ だから、42000 cm³=42L

(2) $30 \times 40 \times 20 = 24000 \text{ (cm}^3\text{)}$ $24000 \, \text{cm}^3 = 24 \, \text{L}$

(3) $18L = 18000 \text{ cm}^3$ 深さ=体積÷(たて×横)で求められるので、 $18000 \div (30 \times 40) = 15$ (cm)

(4) しずめた石の体積は、水面が上がった分の 水の体積と等しくなります。 $30 \times 40 \times 4 = 4800 \text{ (cm}^3\text{)}$

(1) 直方体分のおよその体積は、 $12 \times 15 \times 9 = 1620 \text{ (cm}^3\text{)}$

(2) 直方体分のおよその体積は、 $10 \times 14 \times 8 = 1120 \text{ (cm}^3)$ 直方体分のおよその体積は、 $1620 - 1120 = 500 (cm^3)$ だから、直方体ののの長さは、

> $=500 \div (5 \times 4)$ =25(cm)